

WYPEŁNIA ZDAJĄCY

KOD

--	--	--

PESEL

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Miejsce na naklejkę.

Sprawdź, czy kod na naklejce to

M-100.

Jeżeli tak – przyklej naklejkę.

Jeżeli nie – zgłoś to nauczycielowi.

Egzamin maturalny

Formuła 2023

FIZYKA

Poziom rozszerzony

Symbol arkusza

MFAP-R0-**100**-2606

DATA: **12 czerwca 2026 r.**

GODZINA ROZPOCZĘCIA: **9:00**

CZAS TRWANIA: **180 minut**

LICZBA PUNKTÓW DO UZYSKANIA: **60**

Przed rozpoczęciem pracy z arkuszem egzaminacyjnym

1. Sprawdź, czy nauczyciel przekazał Ci **właściwy arkusz egzaminacyjny**, tj. arkusz we **właściwej formule**, z **właściwego przedmiotu** na **właściwym poziomie**.
2. Jeżeli przekazano Ci **niewłaściwy** arkusz – natychmiast zgłoś to nauczycielowi. Nie rozrywaj banderol.
3. Jeżeli przekazano Ci **właściwy** arkusz – rozerwij banderole po otrzymaniu takiego polecenia od nauczyciela. Zapoznaj się z instrukcją na stronie 2.





Instrukcja dla zdającego

1. Sprawdź, czy arkusz egzaminacyjny zawiera 29 stron (zadania 1–11).
Ewentualny brak zgłoś przewodniczącemu zespołu nadzorującego egzamin.
2. Na pierwszej stronie arkusza oraz na karcie odpowiedzi wpisz swój numer PESEL i przyklej naklejkę z kodem.
3. Symbol  zamieszczony przy zadaniu zamkniętym oznacza, że rozwiązanie tego zadania musisz przenieść na kartę odpowiedzi. Ocenie podlegają wyłącznie odpowiedzi zaznaczone na karcie odpowiedzi.
4. Odpowiedzi do zadań zamkniętych oznaczonych symbolem  zaznacz na karcie odpowiedzi w części przeznaczony dla zdającego:
 - zamaluj  pola do tego przeznaczone
 - błędne zaznaczenie otocz kółkiem  i zaznacz właściwe.
5. Rozwiązania pozostałych zadań zapisz w miejscu na to przeznaczonym przy zadaniu.
6. W rozwiązaniach zadań rachunkowych przedstaw tok rozumowania prowadzący do ostatecznego wyniku oraz pamiętaj o jednostkach. Przedstaw obliczenia pośrednie wskazujące na wykorzystanie warunków zadania oraz praw i zależności fizycznych.
7. Symbol  zamieszczony w nagłówku zadania zwraca uwagę na to, że do rozwiązania zadania będzie niezbędne użycie kalkulatora pozwalającego obliczać wartości logarytmów, funkcji trygonometrycznych oraz funkcji wykładniczych.
8. Symbol  zamieszczony w nagłówku zadania zwraca uwagę na to, że do rozwiązania zadania będzie pomocne lub niezbędne użycie linijki.
9. Pisz czytelnie. Używaj długopisu/pióra tylko z czarnym tuszem/atramentem.
10. Nie używaj korektora, a błędne zapisy wyraźnie przekreśl.
11. Nie wpisuj żadnych znaków w tabelkach przeznaczonych dla egzaminatora.
Tabelki są umieszczone na marginesie przy wybranych zadaniach.
12. Pamiętaj, że zapisy w brudnopisie nie będą oceniane.
13. Możesz korzystać z *Wybranych wzorów i stałych fizykochemicznych na egzamin maturalny z biologii, chemii i fizyki*, z linijki oraz z kalkulatora naukowego. Upewnij się, czy przekazano Ci broszurę z okładką taką jak widoczna poniżej.

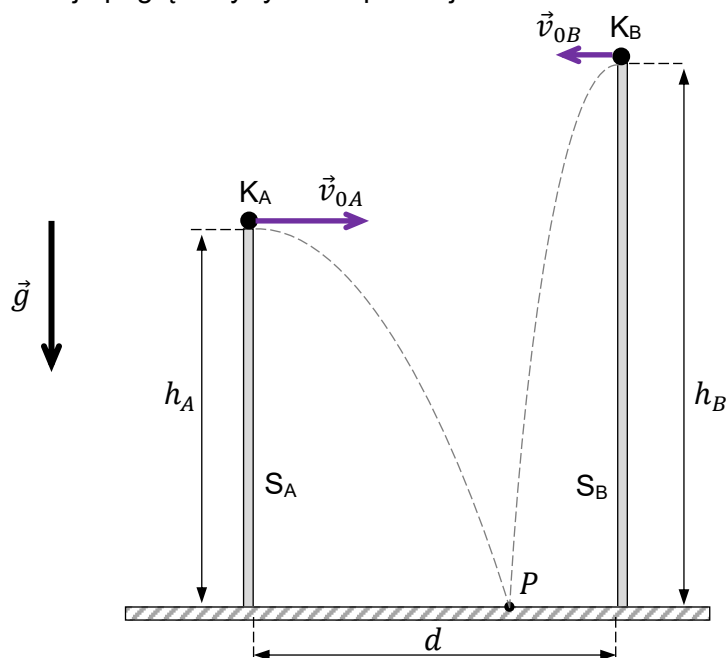


**Zadania egzaminacyjne są wydrukowane
na następnych stronach.**

Zadanie 1.

Dwa słupy S_A i S_B znajdują się w doświadczalnej komorze próżniowej. Ze słupa S_A rzucono kulkę K_A , a ze słupa S_B rzucono kulkę K_B . Prędkości początkowe obu kulek były skierowane poziomo, każda w stronę przeciwnego słupa. Obie kulki upadły w tym samym punkcie P .

Opisaną sytuację ilustruje poglądowy rysunek poniżej.



Przyjmij następujące dane i założenia:

- odległość między słupami wynosi $d = 4,8$ m
- wysokości słupów S_A i S_B są – odpowiednio – równe: $h_A = 5,0$ m oraz $h_B = 7,2$ m
- wartość prędkości początkowej kulki K_A jest równa $v_{0A} = 3,0$ m/s
- przyspieszenie ziemskie ma wartość $g = 9,8$ m/s²

oraz

- kulki poruszają się bez działania sił oporu
- ruchy opisujemy w inercjalnym układzie odniesienia, w jednorodnym, ziemskim polu grawitacyjnym
- kulki traktujemy jako punkty materialne
- podłoże, na które upadają kulki, jest poziome.

Zadanie 1.1. (0–1)

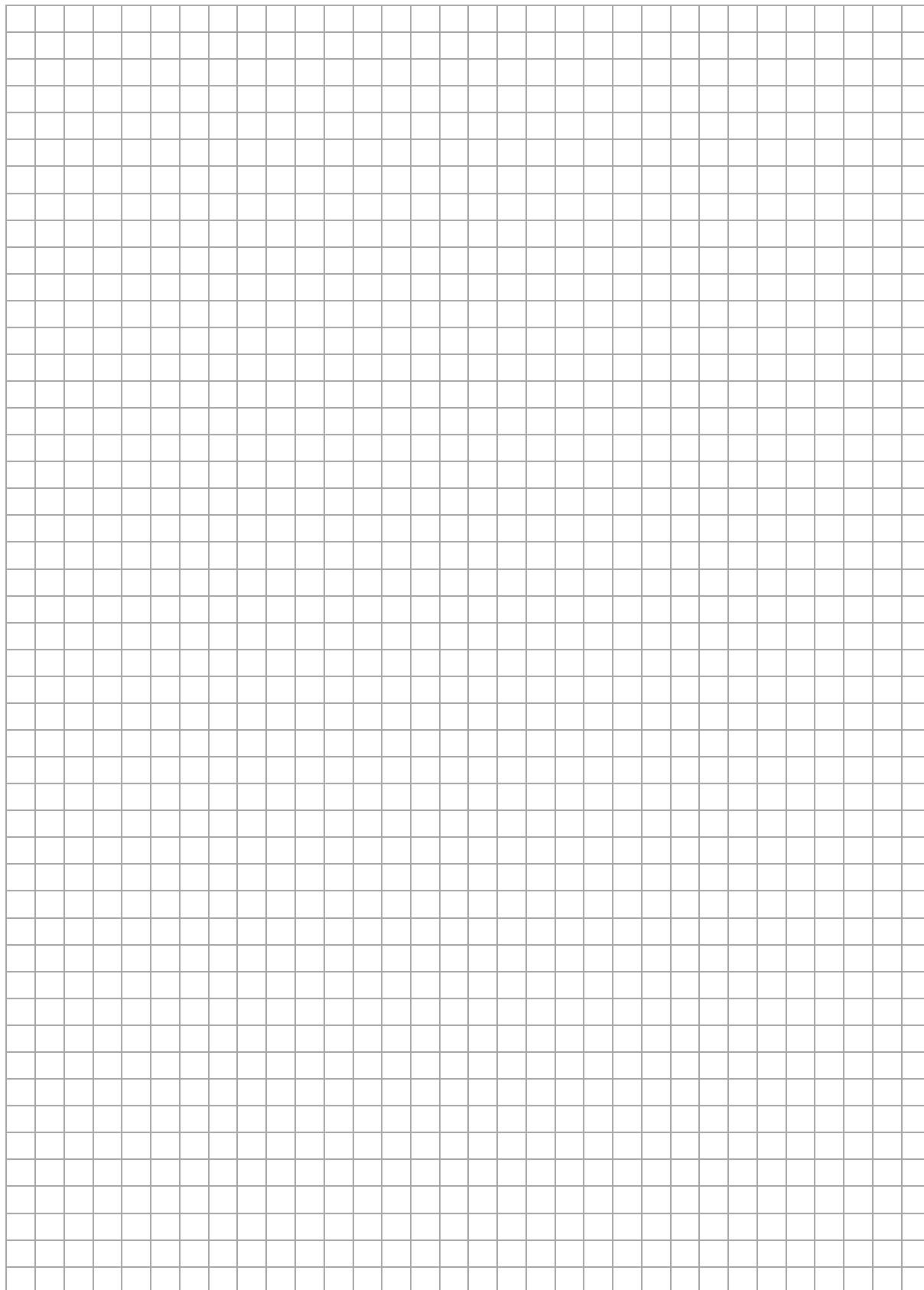


Oceń prawdziwość poniższych stwierdzeń. Wybierz P, jeśli stwierdzenie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.

Czas lotu kulki K_A od momentu jej wyrzucenia do chwili uderzenia w podłoże w punkcie P jest krótszy od – analogicznego – czasu lotu kulki K_B .	P	F
Składowa pozioma przyspieszenia kulki K_A od momentu jej wyrzucenia do chwili uderzenia w podłoże w punkcie P jest różna od zera.	P	F

Zadanie 1.2. (0–4)

Oblicz v_{0B} – wartość prędkości początkowej kulki K_B . Zapisz obliczenia.

1.2.0–1–
2–3–4

Zadanie 2.

Do końca linki o długości l doczepiono kulkę K o masie m .

Maksymalna wartość siły napięcia linki, po której przekroczeniu linka ulega zerwaniu, jest równa wartości dwukrotnego ciężaru kulki: $F_{n\max} = 2mg$.

Przyjmij, że:

- linka jest nierozciągliwa, masę linki pomijamy
- przyspieszenie ziemskie ma wartość $g = 9,8 \text{ m/s}^2$
- pomijamy siły oporów działające na kulkę
- kulkę traktujemy jako punkt materialny
- ruch kulki opisujemy w inercjalnym układzie odniesienia, w jednorodnym, ziemskim polu grawitacyjnym.

Zadanie 2.1. (0–1)

W doświadczeniu 1. linkę wraz z zawieszoną na niej kulką K podnoszono pionowo ruchem jednostajnie przyspieszonym prostoliniowym.

Wartość przyspieszenia maksymalnego opisanego ruchu, przy którym linka się jeszcze nie zerwie, oznaczmy jako a_{max} .

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Wartość a_{max} w doświadczeniu 1. jest równa

- A.** $a_{max} = \frac{1}{2}g$ **B.** $a_{max} = g$ **C.** $a_{max} = 2g$ **D.** $a_{max} = 3g$

[illegible]

Zadanie 2.2. (0–4)

W doświadczeniu 2. kulkę K zawieszoną na lince wprowadzono w ruch jednostajny po okręgu o środku O w płaszczyźnie poziomej. Górny koniec linki jest unieruchomiony w punkcie P .

Częstotliwość graniczną (maksymalną) ruchu kulki K po okręgu, powyżej której nić ulegnie zerwaniu, oznaczmy jako f_{max} .

Sytuację ilustruje rysunek poniżej, na którym oznaczono przyspieszenie ziemskie $\vec{g}$.

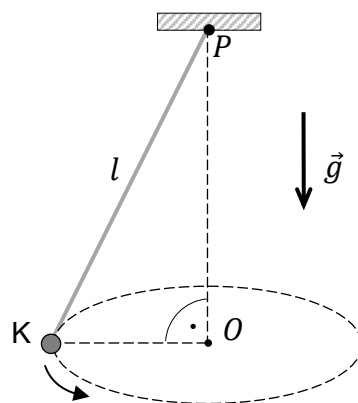
Wyznacz f_{max} w doświadczeniu 2. w zależności tylko od wartości przyspieszenia ziemskiego g oraz od długości linki l .

Zapisz odpowiednie równania i przekształcenia oraz podaj postać wzoru na f_{max} .

2.2.

0–1–

2–3–4



Zadanie 3.

Klocek A porusza się ze stałą prędkością $\vec{v}_1$ w stronę nieruchomego klocka B (zobacz rysunek 1.). Do klocka B jest przymocowana sprężyna o współczynniku sprężystości k . W pewnym momencie dochodzi do zderzenia klocków. Podczas tego zderzenia sprężyna najpierw jest ściśniona, a następnie się rozpręża, w wyniku czego klocek A hamuje, a klocek B przyspiesza (zobacz rysunki 1.–3.).

Przyjmij następujące dane i założenia:

- gdy sprężyna jest maksymalnie ściśnięta, to jej odkształcenie względem długości swobodnej oznaczmy jako Δx_{max}
- gdy sprężyna jest maksymalnie ściśnięta, to wartości prędkości obu klocków są sobie równe i wynoszą v_2
- masy klocków są sobie równe: $m_A = m_B = m$

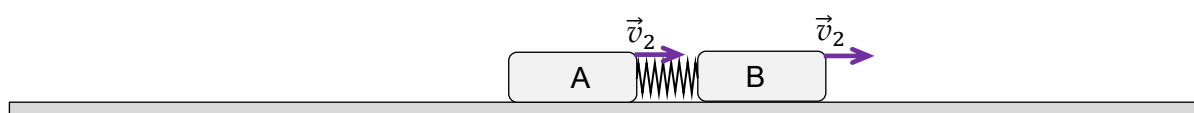
oraz

- pomijamy tarcie obu klocków o podłoże oraz opory powietrza
- pomijamy masę sprężyny
- wartość siły sprężystości, z jaką sprężyna działa na klocek, jest wprost proporcjonalna do zmiany długości sprężyny względem jej długości swobodnej
- zderzenie klocków jest idealnie sprężyste.

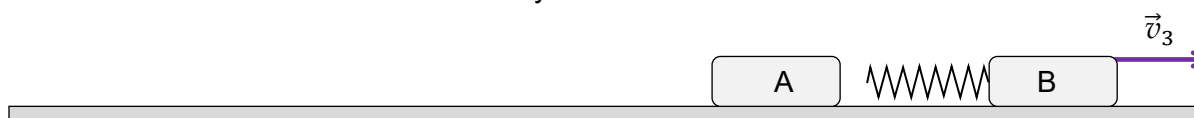
Rysunek 1.



Rysunek 2.



Rysunek 3.



Zadanie 3.1. (0–1)



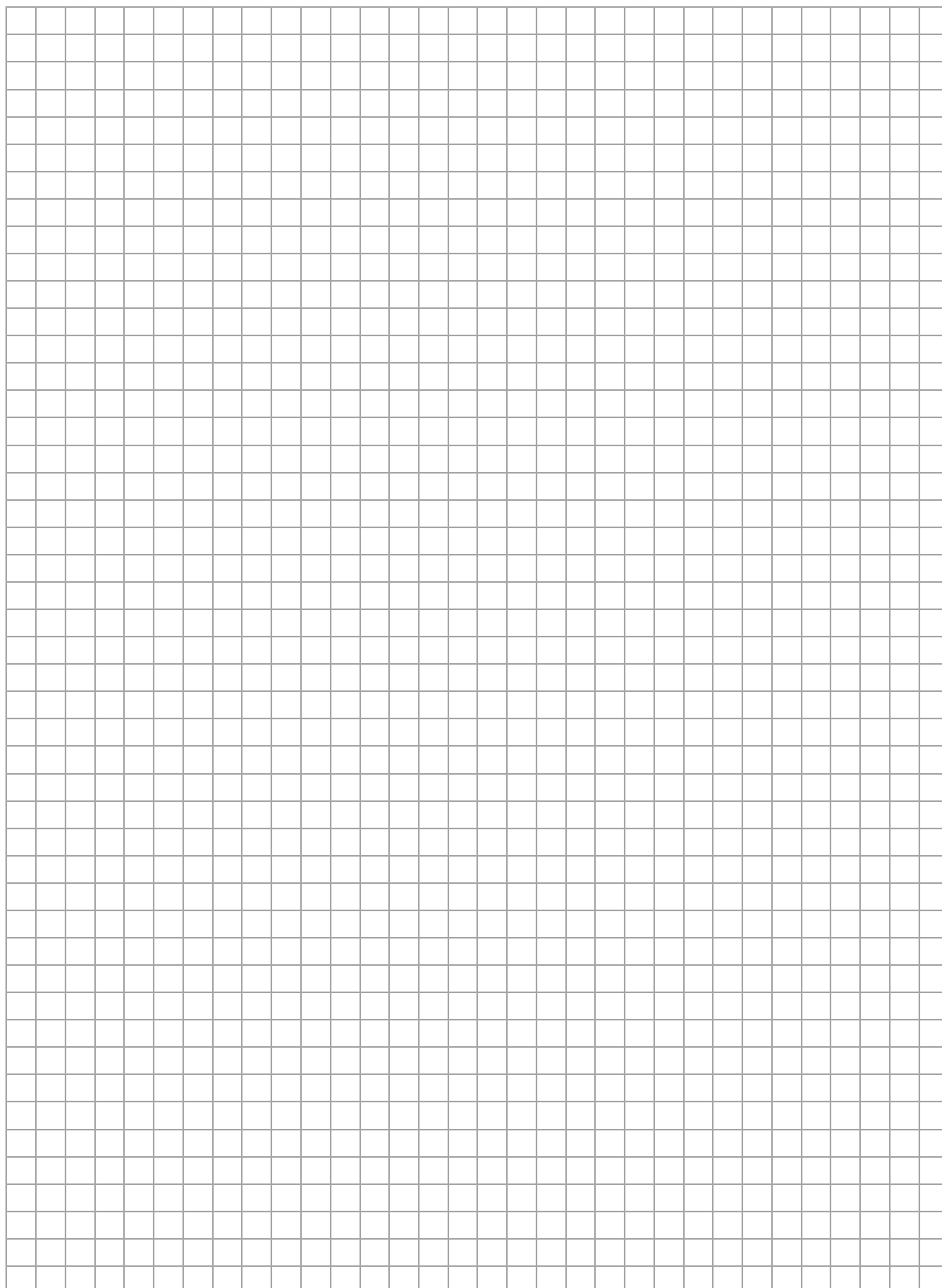
Oceń prawdziwość poniższych stwierdzeń. Wybierz P, jeśli stwierdzenie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.

Gdy sprężyna jest maksymalnie ściśnięta, to wartość siły, z jaką sprężyna działa na klocek A, jest równa wartości siły, z jaką sprężyna działa na klocek B.	P	F
Gdy sprężyna jest maksymalnie ściśnięta, to prędkość względna klocków A i B wynosi zero.	P	F

Zadanie 3.2. (0–4)

Wyznacz Δx_{max} w zależności tylko od: k , m oraz v_1 .

Zapisz odpowiednie równania i przekształcenia oraz podaj postać wzoru na Δx_{max} .

3.2.0–1–
2–3–4

Zadanie 4.

Bryła sztywna $\mathcal{B}$ składa się z cienkiej obręczy o masie M i o promieniu R oraz z dwóch jednakowych, cienkich prętów: każdy o długości $l_{\text{pręt}} = 2R$ i o masie $m_{\text{pręt}} = \frac{M}{2}$ (zobacz rysunek poniżej).

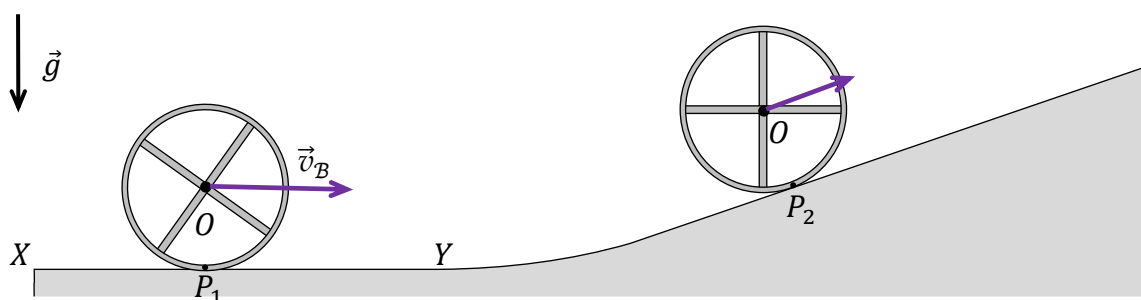
Początkowo bryła $\mathcal{B}$ toczy się po poziomym odcinku XY drogi tak, że prędkość środka masy O bryły jest stała, a jej wartość jest równa $v_B = 1,4 \text{ m/s}$.

Od punktu Y bryła $\mathcal{B}$ zaczyna wchodzić na odcinek drogi nachylony do poziomu, a wartość prędkości środka masy O bryły zaczyna maleć.

Przyjmij, że:

- bryła toczy się cały czas bez poślizgu
- obręcz i pręty są jednorodne
- punkty P_1 i P_2 na rysunku to punkty bryły, które w danej chwili stykają się z podłożem
- poziomy odcinek drogi XY łączy się łukiem z odcinkiem równi pochyłej (zobacz rysunek)
- przyspieszenie ziemskie ma wartość $g = 9,8 \text{ m/s}^2$
- opory powietrza nie występują.

Na poniższym rysunku przedstawiono położenia bryły w dwóch wybranych chwilach ruchu.



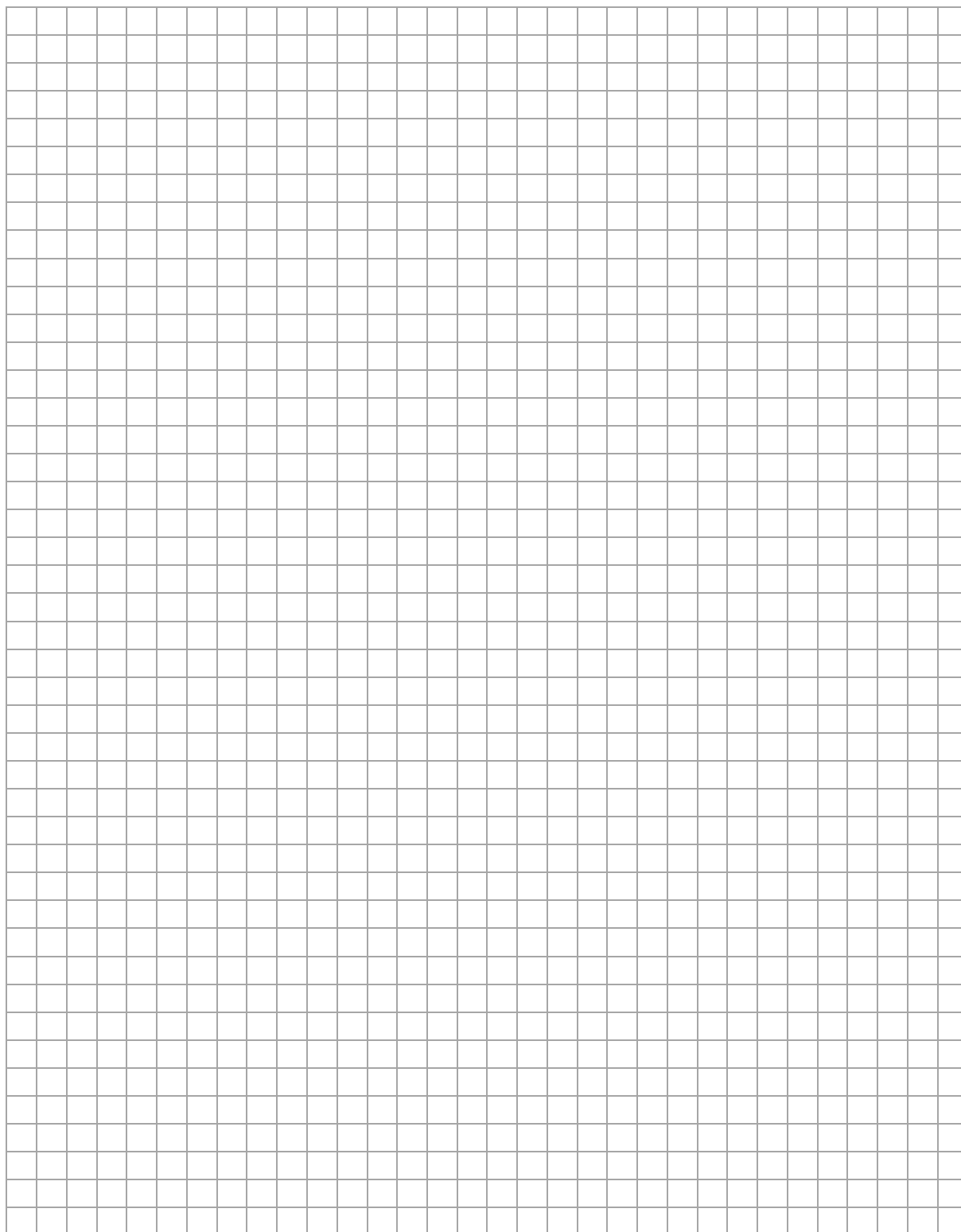
W tabeli poniżej podano wzory na momenty bezwładności niektórych brył względem opisanych osi obrotu.

Bryła	Oś	Moment bezwładności
Pręt o długości $l_{\text{pręt}}$ i o masie $m_{\text{pręt}}$	Oś prostopadła do pręta, przechodząca przez jego środek	$I_{0 \text{ pręt}} = \frac{1}{12} m_{\text{pręt}} l_{\text{pręt}}^2$
Obręcz o promieniu R i o masie M	Oś prostopadła do płaszczyzny obręczy, przechodząca przez jej środek	$I_{0 \text{ obręcz}} = MR^2$
Bryła $\mathcal{B}$ (złożona z obręczy i prętów)	Oś prostopadła do bryły (czyli do płaszczyzny obręczy), przechodząca przez jej środek masy O (oś O)	$I_{0 \mathcal{B}} = \frac{4}{3} MR^2$

Zadanie 4.4. (0-2)

Wyprowadź wzór na moment bezwładności bryły $\mathcal{B}$ względem osi O – wzór, który jest podany w tabeli (strona 10).

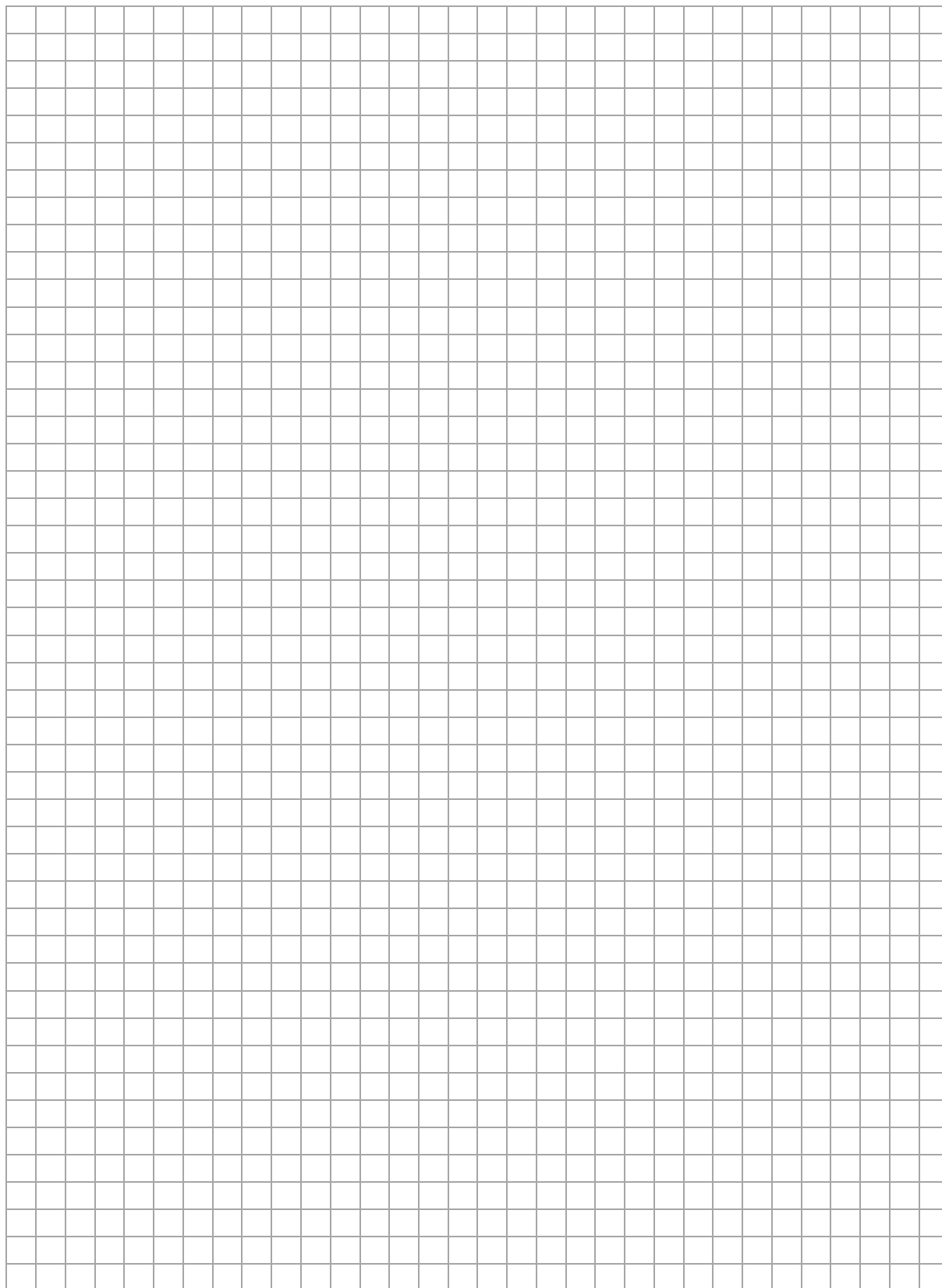
Zapisz odpowiednie zależności i przekształcenia, które prowadzą do uzyskania wzoru na moment bezwładności bryły $\mathcal{B}$ względem osi O .



Zadanie 4.5. (0–3)

Oblicz Δh_{max} – maksymalną wysokość, na jaką wzniósł się środek masy bryły $\mathcal{B}$ względem swojego początkowego położenia. Zapisz obliczenia.

4.5.

0–1–
2–3

Zadanie 5.

Wartość prędkości dźwięku rozchodzącego się w gazie doskonałym można wyrazić wzorem:

$$v = \sqrt{\kappa \cdot \frac{x}{\rho}}$$

gdzie:

- $\kappa = \frac{c_p}{c_v}$ jest ilorazem ciepła molowego przy stałym ciśnieniu i ciepła molowego przy stałej objętości
- ρ jest gęstością gazu
- x jest pewną wielkością.

5.1.

0–1–
2–3

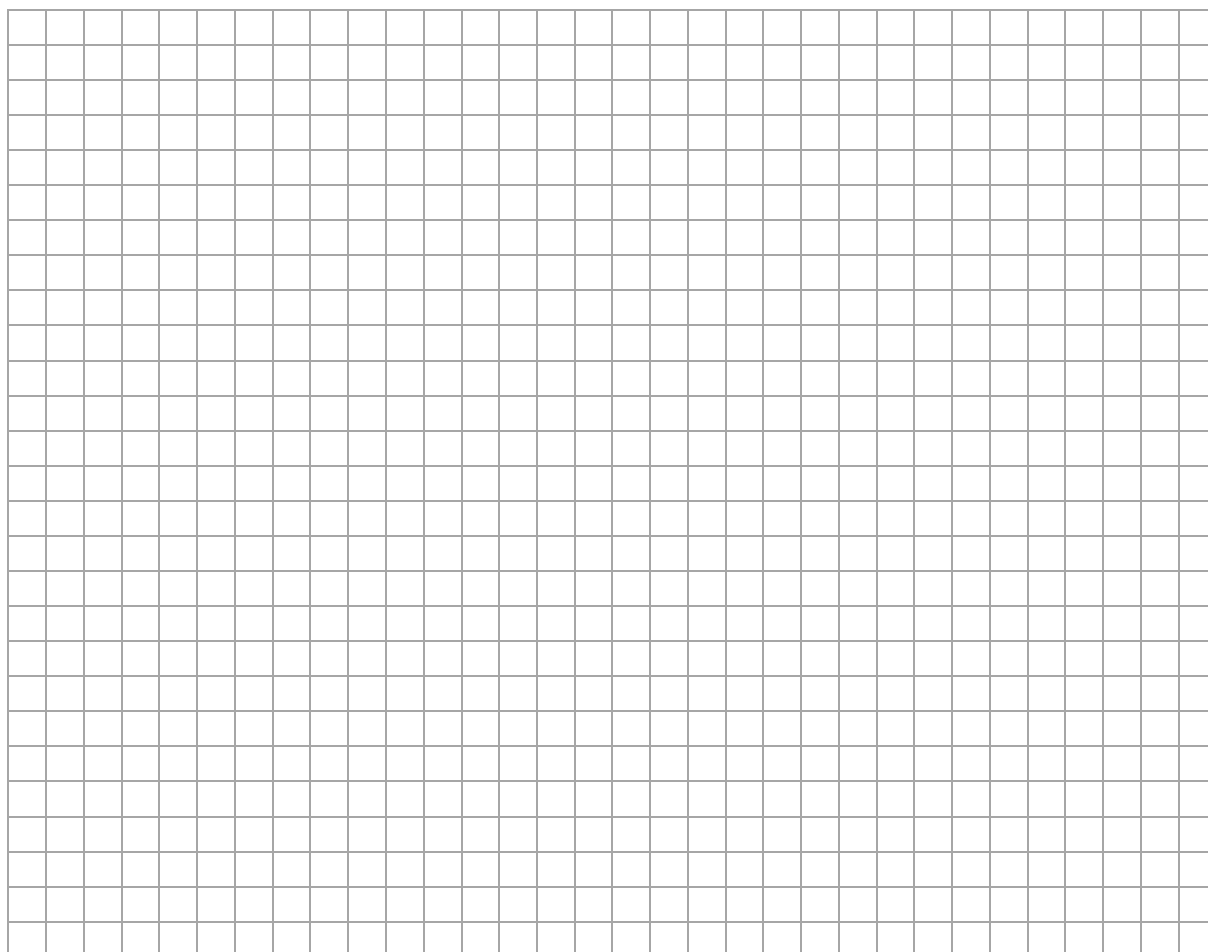
Zadanie 5.1. (0–3)

Wyraż jednostkę wielkości x za pomocą jednostek podstawowych układu SI.

Zapisz przekształcenia. Wynik podaj w najprostszej postaci.

Na podstawie jednostki wielkości x określ, któremu parametrowi stanu gazu doskonałego – spośród poniżej wymienionych – odpowiada wielkość x . Zapisz odpowiednie przekształcenia jednostek wybranej wielkości, uzasadniające twój wybór.

objętość, liczba moli, ciśnienie, temperatura, energia wewnętrzna, masa



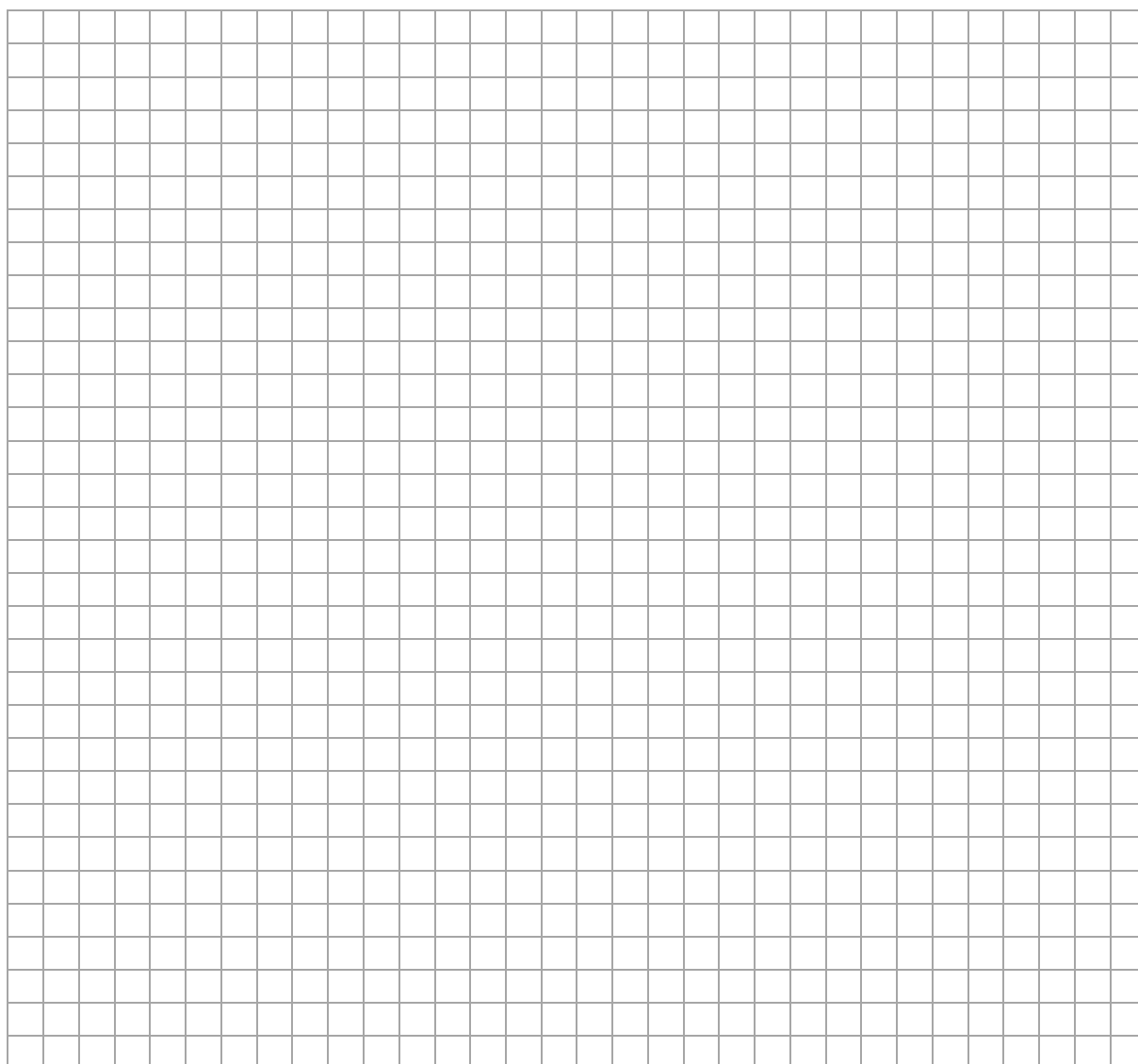
Zadanie 5.2. (0–3)

Gęstość powietrza zależy od temperatury, dlatego dźwięk w zimnym powietrzu rozchodzi się wolniej niż w powietrzu gorącym. Zakładamy, że powietrze zachowuje się jak gaz doskonały.

W poniższej tabeli dla wybranych temperatur przedstawiono wybrane dane.

Temperatura	Gęstość powietrza	Prędkość dźwięku
$T_1 = 0\text{ }^{\circ}\text{C}$	$\rho_1 = 1,29\text{ kg/m}^3$	$v_1 = 331\text{ m/s}$
$T_2 = 30\text{ }^{\circ}\text{C}$	$\rho_2 = 1,16\text{ kg/m}^3$	$v_2 = ?$
Przyjmij, że wielkość x we wzorze w zadaniu 5. jest stała.		

**Oblicz v_2 – wartość prędkości dźwięku w powietrzu o temperaturze $30\text{ }^{\circ}\text{C}$.
Zapisz obliczenia.**

5.2.0–1–
2–3

Zadanie 6.

Satelita S o masie m krąży po orbicie kołowej O wokół planety P. Ruch tego satelity odbywa się jedynie pod wpływem siły grawitacji planety P.

Przyjmij następujące dane i założenia:

- masa planety P wynosi $M = 4,0 \cdot 10^{22}$ kg
- promień planety P wynosi $R = 1000$ km
- promień orbity kołowej O wynosi $r = 2\,000$ km
- planeta P ma sferycznie symetryczny rozkład masy
- pomijamy wpływ innych ciał (oprócz planety P) na ruch satelity S.

Zadanie 6.1. (0–1)

Oceń prawdziwość poniższych stwierdzeń. Wybierz P, jeśli stwierdzenie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.

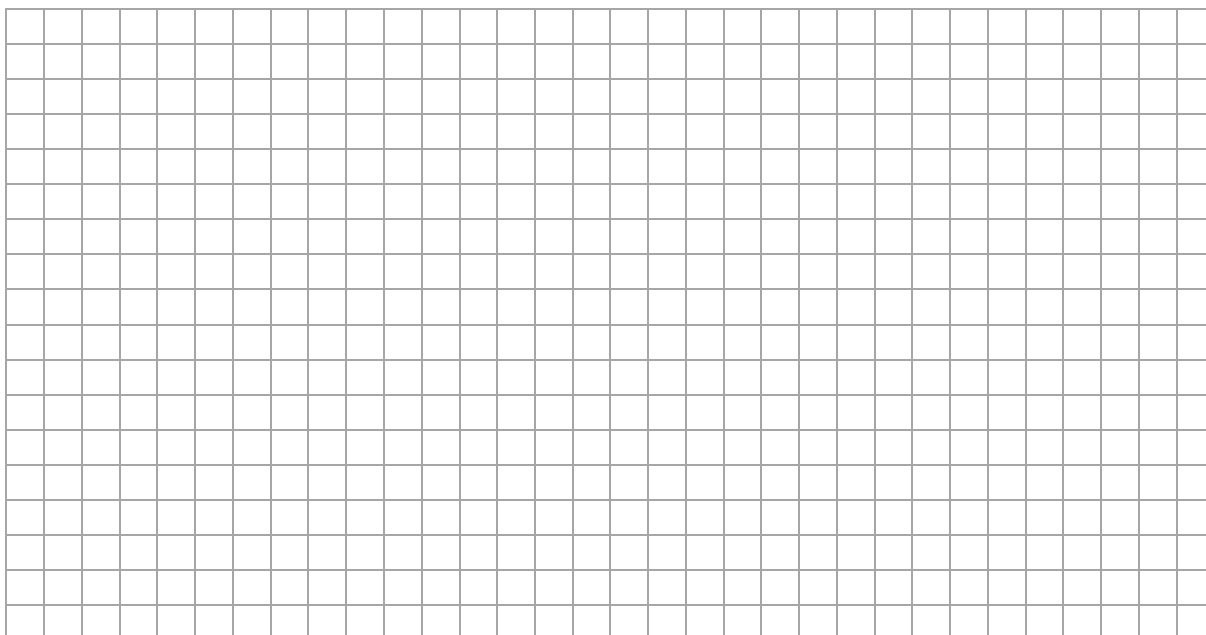
Wartość siły grawitacji działającej na satelitę S na orbicie O jest cztery razy mniejsza od wartości siły grawitacji działającej na satelitę S na powierzchni planety P .	P	F
Na ciała znajdujące się wewnątrz satelity krążącego po orbicie O nie działa siła grawitacji.	P	F

0-1-
2-3

Zadanie 6.2. (0–3)

Oblicz T – okres obiegu satelity S po orbicie kołowej O . Zapisz obliczenia.

[illegible]



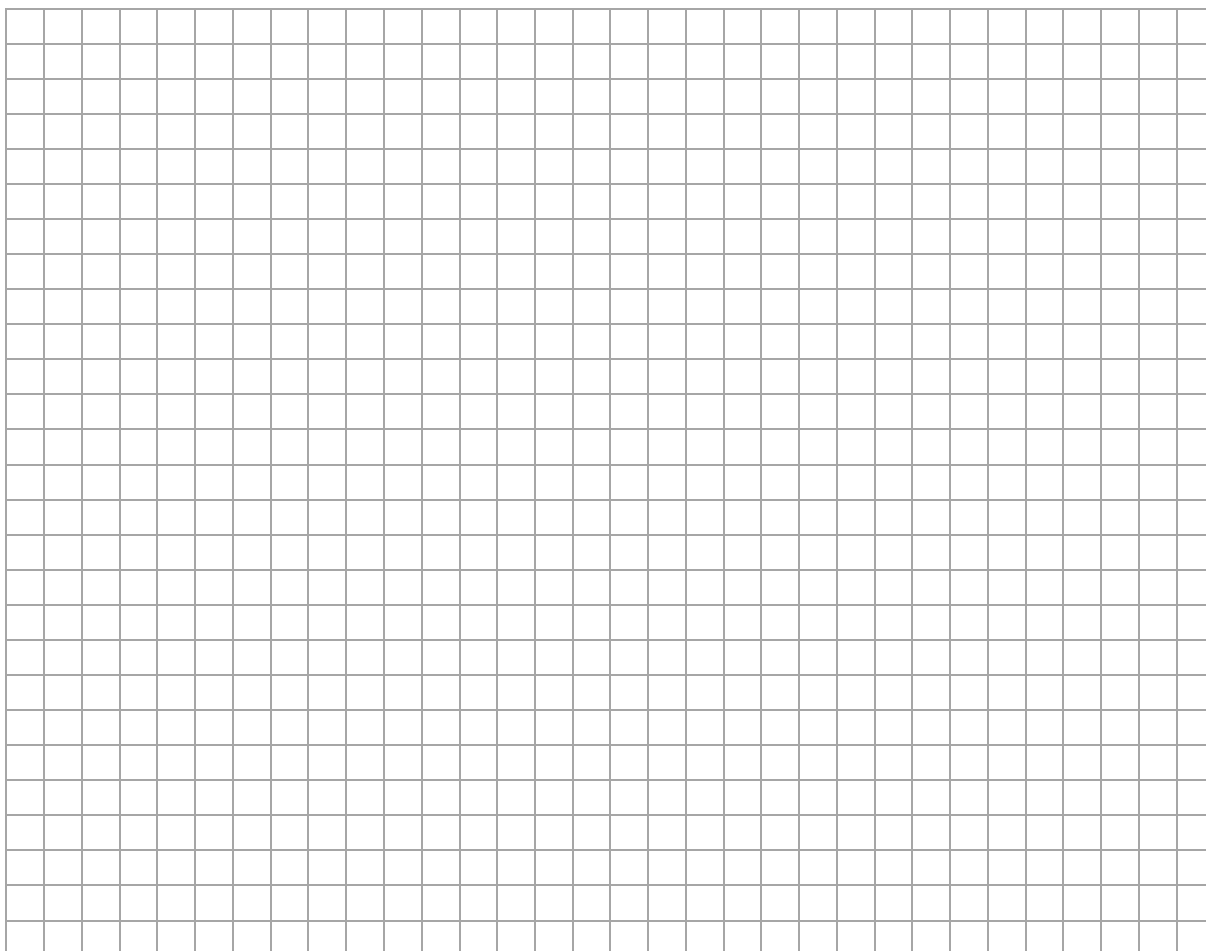
Zadanie 6.3. (0–2)

Oblicz g_P – wartość przyspieszenia grawitacyjnego na powierzchni planety P.
Zapisz obliczenia. Wynik podaj zaokrąglony do dwóch cyfr znaczących.

6.3.

0–1–2

--



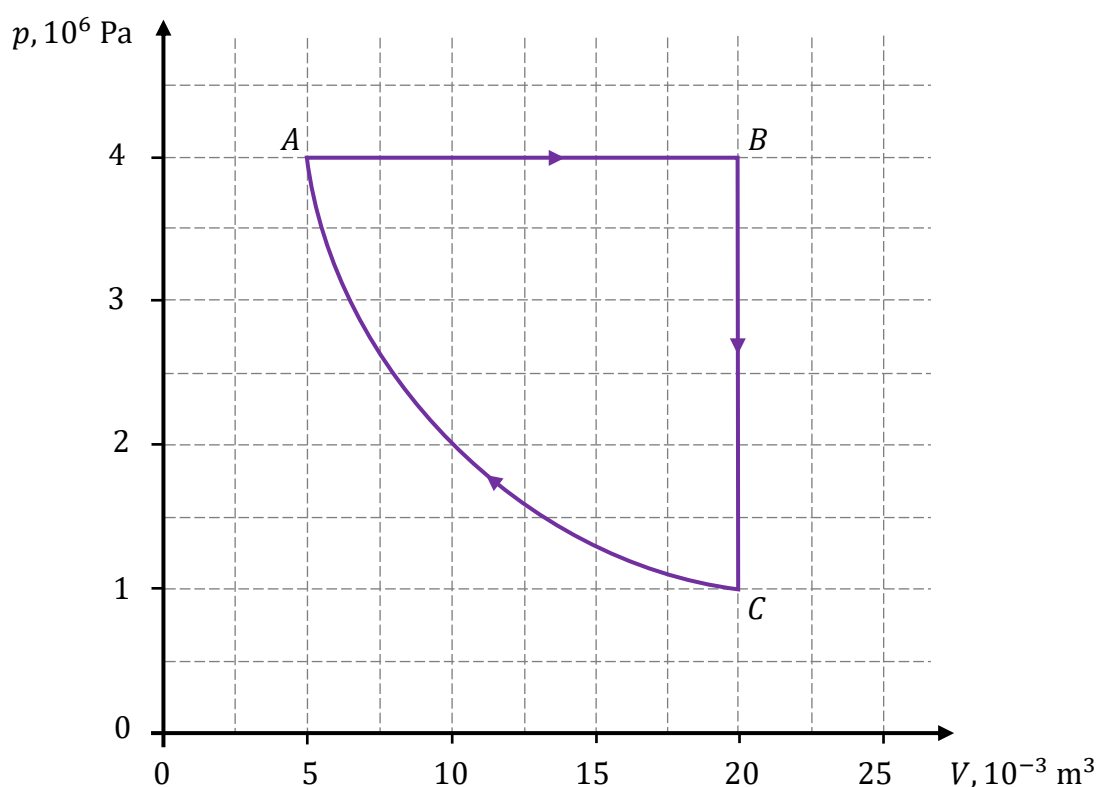
Zadanie 7.

Na poniższym wykresie przedstawiono zależność ciśnienia p od objętości V w cyklu przemian termodynamicznych $A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow A$ ustalonej masy gazu doskonałego.

Przyjmij następujące dane i założenia:

- liczba moli gazu jest równa $n = 2$ mole
- ciepło molowe tego gazu przy stałej objętości wynosi $C_V = \frac{3}{2}R$, gdzie R jest stałą gazową
- stany gazu: A, B, C , znajdują się w punktach kratowych siatki wykresu
- przemiana $C \rightarrow A$ jest izotermiczna.

Wykres



Zadanie 7.1. (0–1)



Oceń prawdziwość poniższych stwierdzeń. Wybierz P, jeśli stwierdzenie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.

W przemianie $C \rightarrow A$ gaz oddawał ciepło do otoczenia (chłodnicy).	P	F
W całym cyklu gaz pobrał z grzejnika więcej ciepła, niż oddał do chłodnicy.	P	F

0-1-2

1

This image shows a full page of blank graph paper. The grid consists of small, uniform squares formed by thin, light gray lines. There are no margins, text, or other markings on the page.

A. $W_c = 0 \text{ J}$ **B.** $W_c \approx 23 \cdot 10^3 \text{ J}$ **C.** $W_c \approx 32 \cdot 10^3 \text{ J}$ **D.** $W_c \approx 60 \cdot 10^3 \text{ J}$

[illegible]

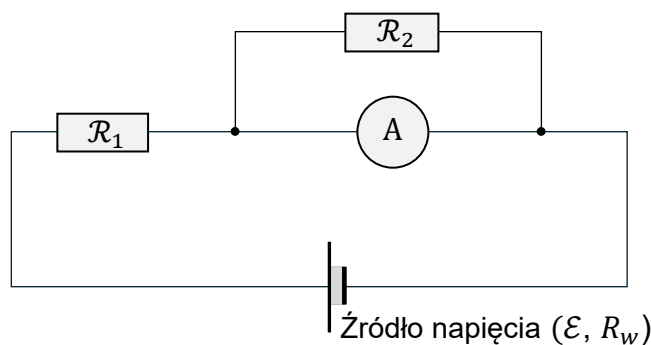
Zadanie 8. (0–4)

Na poniższym rysunku przedstawiono schemat obwodu elektrycznego.

Ten obwód jest zasilany źródłem napięcia o sile elektromotorycznej $\mathcal{E} = 24 \text{ V}$. Opór wewnętrzny R_w źródła napięcia jest nieznany. Do źródła napięcia dołączono szeregowo opornik $\mathcal{R}_1$ o oporze $R_1 = 15 \, \Omega$ oraz amperomierz A o oporze $R_A = 5 \, \Omega$. Ponadto do amperomierza A dołączono równolegle opornik $\mathcal{R}_2$ o oporze $R_2 = 10 \, \Omega$.

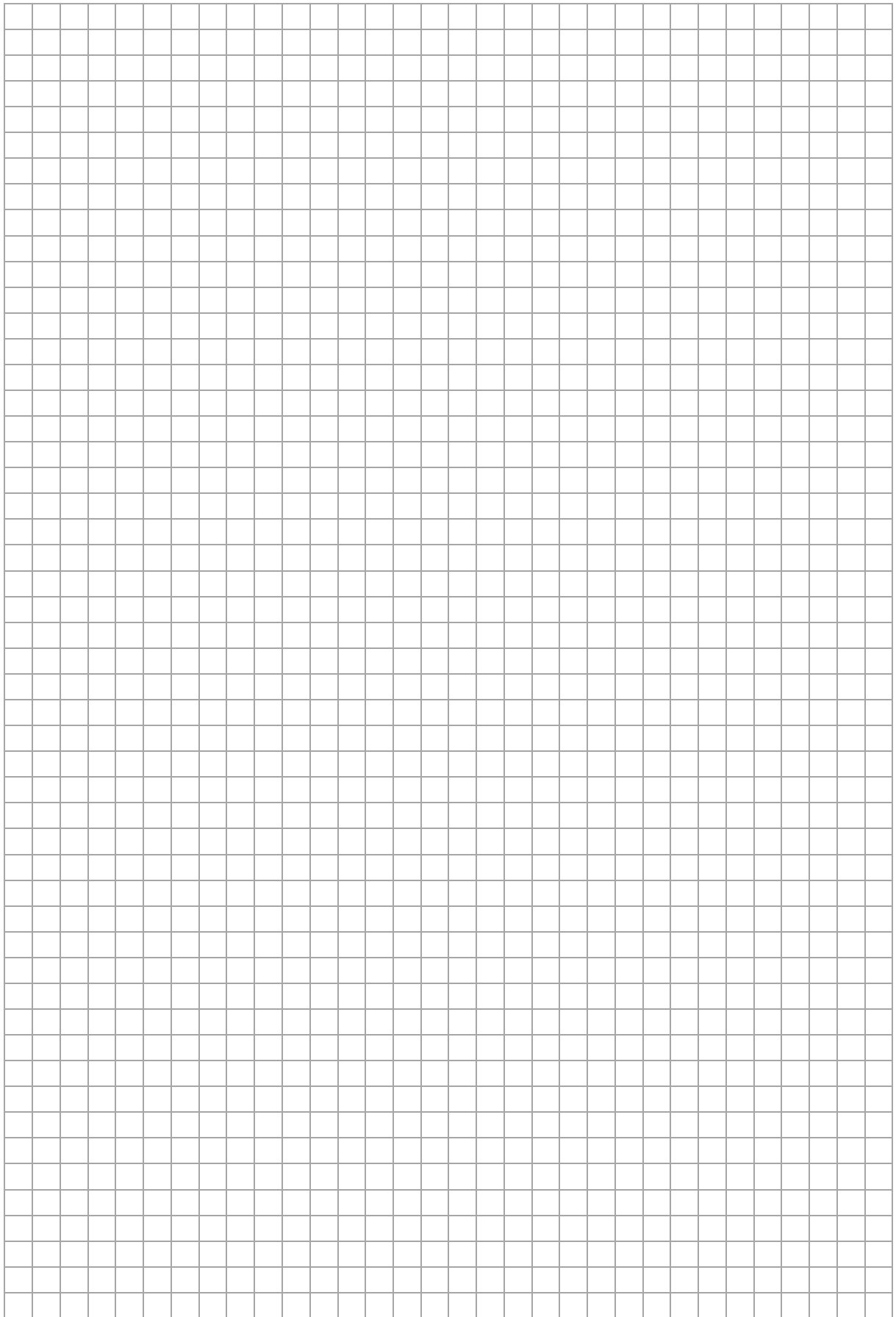
W tej sytuacji amperomierz wskazał, że przepływa przez niego prąd o natężeniu $I_A = 0,8 \text{ A}$.

Rysunek



Oblicz R_w . Zapisz obliczenia.

This image shows a full page of blank graph paper. The grid consists of thin, light gray horizontal and vertical lines that intersect to form a uniform pattern of small squares across the entire surface. There are no margins, text, or other markings on the paper.

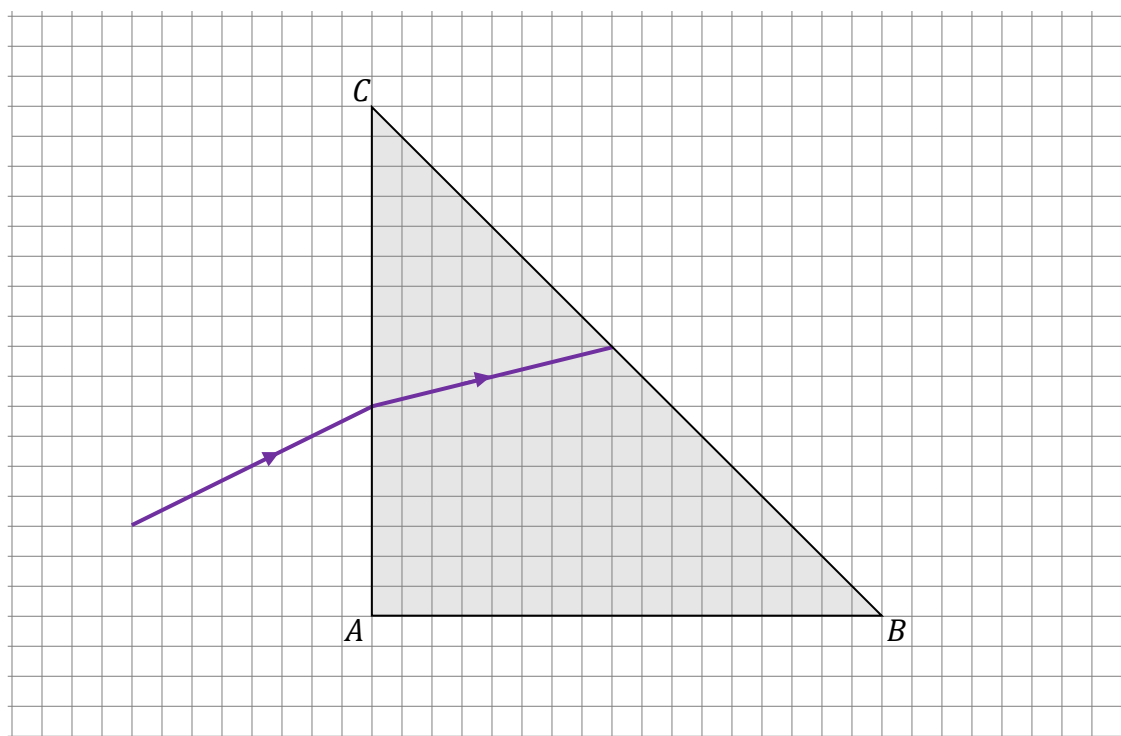


Zadanie 9. (0–4)

Promień światła jednobarwnego pada z próżni na pryzmat o przekroju w kształcie trójkąta prostokątnego równoramiennego ABC . Przy przejściu przez powierzchnię AC promień światła załamuje się w pryzmacie i dociera do powierzchni BC . Współczynnik załamania światła w szkłe, z którego wykonany jest pryzmat, oznaczmy jako n_{sz} .

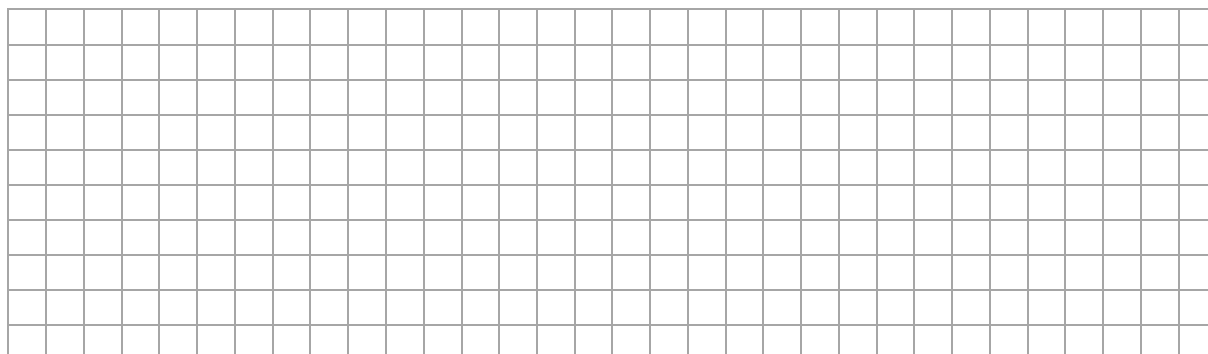
Sytuację ilustruje rysunek poniżej. Na rysunku zachowano skalę.

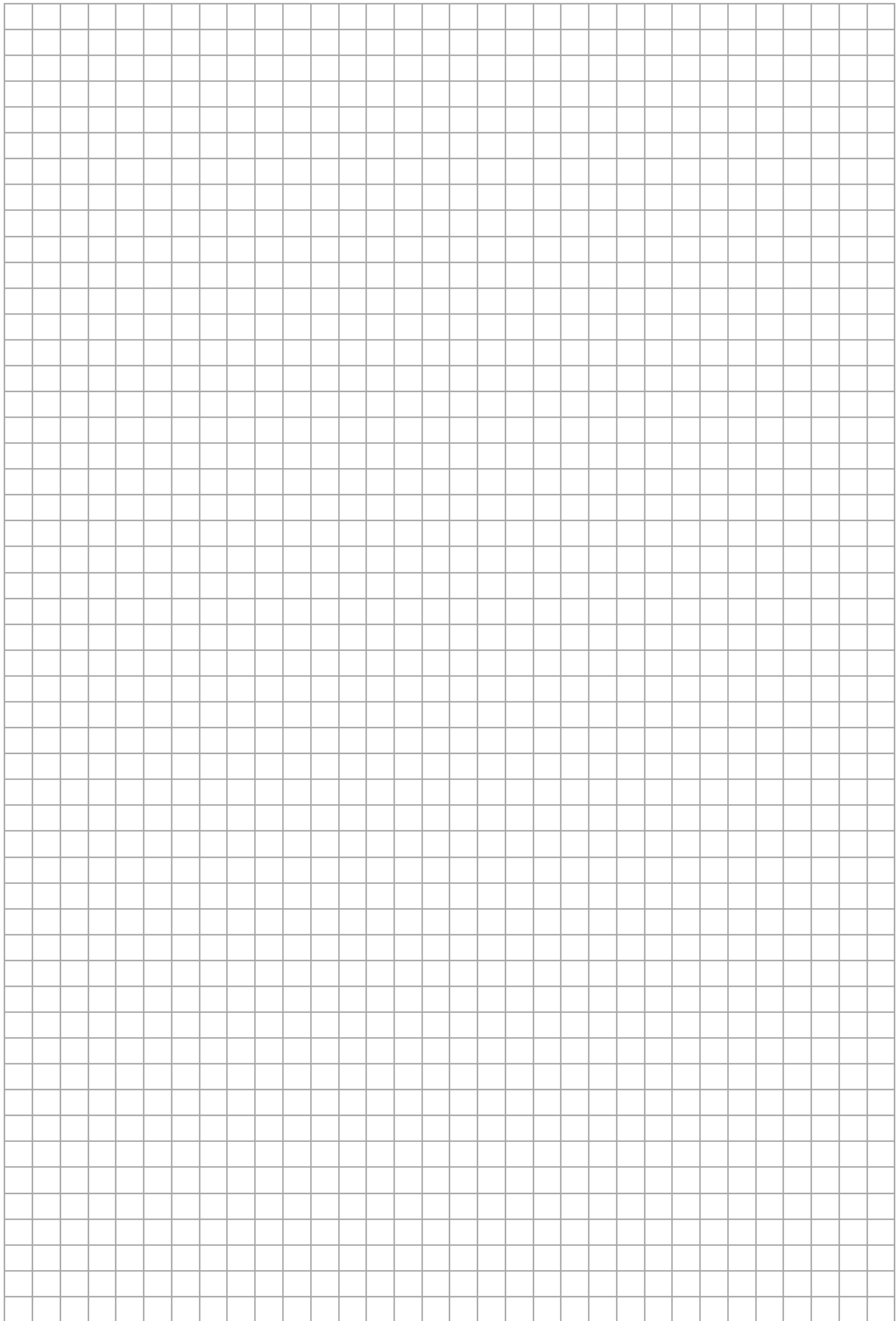
Uwaga! Końce odcinków przedstawiających fragment promienia w próżni i promień w pryzmacie znajdują się w punktach kratowych siatki wymiarowej.

**9.**0–1–
2–3–4

Oblicz miarę kąta załamania promienia świetlnego w próżni po wyjściu z pryzmatu (tzn. miarę kąta załamania na ścianie BC). Zapisz obliczenia.

Wskazówka (do jednej z metod rozwiązania): Miara kąta $\angle BCA$ jest równa sumie miar kąta załamania promienia na ścianie AC i kąta padania promienia na ścianę BC .





Długość fali, częstotliwość oraz energię fotonu emitowanego przez atom wodoru podczas przejścia $n \rightarrow 2$ oznaczmy – odpowiednio – jako λ_{n2} , f_{n2} oraz E_{n2} .

10.1.

0-1-2

Zadanie 10.1. (0–2)

Uzupełnij poniższą tabelę. Wpisz w puste komórki wartość odpowiedniej wielkości wraz z jej jednostką, określoną w nagłówku tabeli.

$n \rightarrow 2$	λ_{n2}, nm	f_{n2}, THz	E_{n2}, eV
$4 \rightarrow 2$	$\lambda_{42} = 486,1 \text{ nm}$	$f_{42} = 616,8 \text{ THz}$	
$6 \rightarrow 2$	$\lambda_{62} = 410,2 \text{ nm}$		$E_{62} = 3,024 \text{ eV}$

Brudnopis

Zadanie 10.2. (0–4)

Na skutek emisji fotonu podczas przejścia $5 \rightarrow 2$ atom wodoru doznaje odrzutu. W wyniku tego atom wodoru uzyskuje prędkość, której wartość oznaczmy jako v_{at} .

Przyjmij model zjawiska, w którym:

- przed emisją fotonu atom wodoru spoczywał
- v_{at} jest dużo mniejsza od c (wartości prędkości światła w próżni)
- pomijamy energię kinetyczną atomu wodoru uzyskaną podczas odrzutu przy emisji fotonu (ta energia jest o kilka rzędów wielkości mniejsza od energii emitowanego fotonu)
- masa atomu wodoru wynosi $m_{at} = 1,6735 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$.

Oblicz v_{at} . Zapisz obliczenia.

Wskazówka: Związek między energią a pędem fotonu jest następujący: $E_{\text{fot}} = cp_{\text{fot}}$.

This image shows a full page of blank graph paper. The grid consists of small, equal-sized squares formed by thin, light gray lines. There are no margins, text, or other markings on the page.

Zadanie 11.1. (0–1)

Poniżej przedstawiono schemat rozpadu β^- jądra żelaza ^{59}Fe .



Uzupełnij powyższy schemat tak, aby powstało równanie rozpadu β^- .

Wpisz w wykropkowane miejsca w schemacie właściwe liczby: masową i atomową.

[illegible]

Zadanie 11.2. (0–3)

Podczas rozpadu jądra żelaza ^{59}Fe , powstająca cząstka β^- może uzyskać różne wartości energii kinetycznej. Te wartości zależą od energii stanu wzbudzonego jądra kobaltu, do którego rozpada się jądro żelaza, oraz od energii antyneutrino (zobacz diagramy 1.–2. na stronie 26).

Oblicz maksymalną możliwą energię kinetyczną cząstki β^- w sytuacji, gdy energia kinetyczna antyneutrino jest pomijalnie mała. Zapisz obliczenia.

This image shows a full page of blank graph paper. The grid consists of small, uniform squares formed by thin, light gray lines. There are no margins, text, or other markings on the page.

This image shows a full page of blank graph paper. The grid consists of thin, light gray horizontal and vertical lines that intersect to form small squares across the entire surface. There are no margins, text, or other markings on the paper.

FIZYKA

Poziom rozszerzony

Formuła 2023



FIZYKA

Poziom rozszerzony

Formuła 2023



FIZYKA

Poziom rozszerzony

Formuła 2023

